

```

In[1]:= (*片持ちはり大たわみ計算 Fig2-3, Fig2-4 *)
In[2]:= (*橙円積分を利用*)
In[3]:= (*第1種完全橙円積分EllipticK[p*p], 第1種不完全橙円積分EllipticF[])
In[4]:= EllipticK[0.25]
    第1種完全橙円積分
Out[4]= 1.68575
(*橙円関数K を数値積分によって評価した結果*)

In[5]:= Do[
    反復指定
    p = N[i] / 10; p2 = p * p;
    数値
    ans1 = EllipticK[p2] - NIntegrate[1 / (1 - p * p * (Sin[th])^2)^(1/2), {th, 0, Pi/2}];
    第1種完全橙円積分 数値積分 正弦 円周率
    Print[p, " ", ", ans1], {i, 1, 9}]
    出力表示
0.1 , -1.77636×10-15
0.2 , -1.55431×10-15
0.3 , -2.22045×10-16
0.4 , 3.10862×10-15
0.5 , -2.18048×10-13
0.6 , -3.50853×10-12
0.7 , 6.66134×10-16
0.8 , -6.28386×10-14
0.9 , -1.33227×10-15

In[6]:= (*Mathematica の橙円積分の引数の定義がFayの本と違っているので注意*)
In[7]:= EllipticK[0.25]
    第1種完全橙円積分
Out[7]= 1.68575
In[8]:= (*EllipticK[p*p]]<-->E[p] (Fay)とすればよい*)
    第1種完全橙円積分 自然対数の底
In[9]:= (*なお, Mathematica の橙円積分の引数は, たとえば,
    EllipticF[phi,p2] となっていることに注意(角度が先で, pがあと)*)
    橙円積分F

```

```

In[10]:= Print["psi0      p      q^2      delta/L      (L-Delta)/L      sigma0"];
 $\lfloor \text{出力表示}$ 
Do[
 $\lfloor \text{反復指定}$ 
psi0 = N[psi00*Pi/180]; p = ((1 + Sin[psi0]) / 2)^(1/2); p2 = p*p;
 $\lfloor \text{数値} \quad \lfloor \text{円周率} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
phi1 = ArcSin[1/Sqrt[2]/p];
 $\lfloor \text{逆正弦} \quad \lfloor \text{平方根}$ 
q = Re[EllipticK[p2] - EllipticF[phi1, p2]];
 $\lfloor \cdots \quad \lfloor \text{第1種完全楕円積分} \quad \lfloor \text{楕円積分F}$ 
deltaL = Re[1/q * (EllipticK[p2] - EllipticF[phi1, p2]
 $\lfloor \text{実部} \quad \lfloor \text{第1種完全楕円積分} \quad \lfloor \text{楕円積分F}$ 
- 2*EllipticE[p2]
 $\lfloor \text{楕円積分E}$ 
+ 2*EllipticE[phi1, p2])];
 $\lfloor \text{楕円積分E}$ 
LdeltaL = Sqrt[2]/q * (Sin[psi0])^(1/2);
 $\lfloor \text{平方根} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
sigma0 = Sqrt[2]*q*(Sin[psi0])^(1/2);
 $\lfloor \text{平方根} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
Print[psi00, " ", " ", p, " ", " ", q*q, " ", " ", deltaL, " ", " ", LdeltaL, " ", " ", sigma0],
 $\lfloor \text{出力表示}$ 
{psi00, 0, 85, 2.5}]

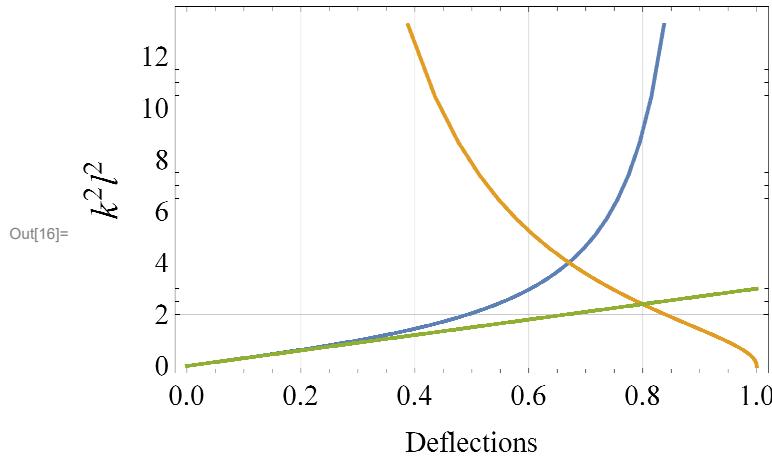
```

psi0	p	q^2	delta/L	(L-Delta)/L	sigma0
0.	, 0.707107	, 8.88178×10 ⁻¹⁶	, 7.45058×10 ⁻⁹	, 0.	, 0.
2.5	, 0.722364	, 0.0873274	, 0.0290838	, 0.999492	, 0.0872831
5.	, 0.737277	, 0.175021	, 0.0581376	, 0.99797	, 0.174666
7.5	, 0.75184	, 0.263453	, 0.0871313	, 0.995433	, 0.26225
10.	, 0.766044	, 0.353003	, 0.116035	, 0.991884	, 0.350138
12.5	, 0.779884	, 0.444065	, 0.14482	, 0.987325	, 0.438437
15.	, 0.793353	, 0.537053	, 0.173455	, 0.981758	, 0.527256
17.5	, 0.806445	, 0.632405	, 0.201913	, 0.975188	, 0.616714
20.	, 0.819152	, 0.730592	, 0.230164	, 0.967617	, 0.706933
22.5	, 0.83147	, 0.832121	, 0.25818	, 0.959051	, 0.798046
25.	, 0.843391	, 0.937551	, 0.285935	, 0.949493	, 0.890198
27.5	, 0.854912	, 1.0475	, 0.3134	, 0.938948	, 0.983544
30.	, 0.866025	, 1.16264	, 0.340551	, 0.927422	, 1.07826
32.5	, 0.876727	, 1.28375	, 0.367362	, 0.914919	, 1.17453
35.	, 0.887011	, 1.41171	, 0.393808	, 0.901442	, 1.27257
37.5	, 0.896873	, 1.54751	, 0.419867	, 0.886997	, 1.37263
40.	, 0.906308	, 1.6923	, 0.445517	, 0.871586	, 1.47498
42.5	, 0.915311	, 1.84742	, 0.470738	, 0.855211	, 1.57994
45.	, 0.92388	, 2.01447	, 0.495511	, 0.837871	, 1.68786
47.5	, 0.932008	, 2.1953	, 0.51982	, 0.819565	, 1.79919
50.	, 0.939693	, 2.39217	, 0.543651	, 0.800287	, 1.91442
52.5	, 0.94693	, 2.60781	, 0.566993	, 0.780028	, 2.03417
55.	, 0.953717	, 2.84559	, 0.589836	, 0.758772	, 2.15915
57.5	, 0.96005	, 3.10968	, 0.612178	, 0.736498	, 2.29027
60.	, 0.965926	, 3.40541	, 0.63402	, 0.713174	, 2.42865
62.5	, 0.971342	, 3.73963	, 0.655369	, 0.688756	, 2.57569
65.	, 0.976296	, 4.12138	, 0.676242	, 0.66318	, 2.73322
67.5	, 0.980785	, 4.56289	, 0.696667	, 0.63636	, 2.90364
70.	, 0.984808	, 5.0812	, 0.716688	, 0.60817	, 3.09023
72.5	, 0.988362	, 5.70096	, 0.736375	, 0.57843	, 3.29761
75.	, 0.991445	, 6.45953	, 0.755834	, 0.546873	, 3.53254
77.5	, 0.994056	, 7.41706	, 0.775232	, 0.513086	, 3.80559
80.	, 0.996195	, 8.67877	, 0.794849	, 0.476389	, 4.13447
82.5	, 0.997859	, 10.4521	, 0.815193	, 0.435559	, 4.55252
85.	, 0.999048	, 13.2333	, 0.837329	, 0.38802	, 5.13477

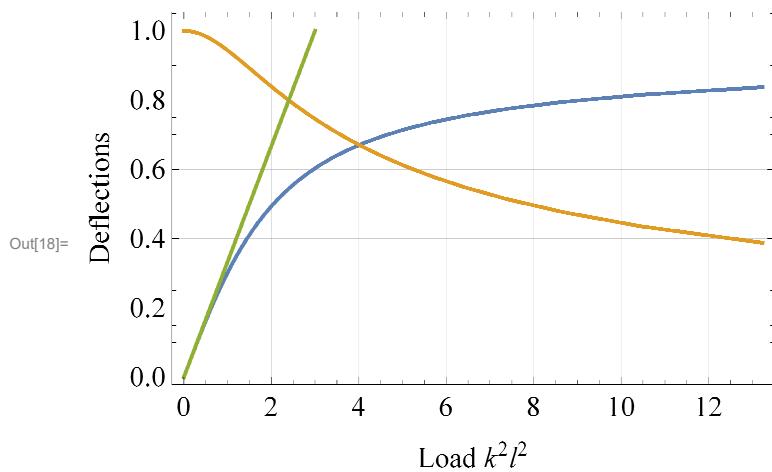
(*橢円関数を利用しないで直接、数値積分する。=> 数値積分結果は橢円関数解とほぼ等しい。*)

```
In[13]:= Print[" psi0      q^2    delta/L  (L-delta)/L"];
 $\lfloor \text{出力表示}$ 
tabdeltaL = {}; tabLdL = {}; tabLinear = {{0, 0}, {1, 3}};
Do[
 $\lfloor \text{反復指定}$ 
psi0 = N[psideg * Pi / 180];
 $\lfloor \text{数値} \quad \lfloor \text{円周率}$ 
If[psi0 == 0,
 $\lfloor \text{If文}$ 
q = 0; deltaL = 0; LdeltaL = 1;
q = 1 / Sqrt[2] * NIntegrate[1 / (Sin[psi0] - Sin[psi])^(1/2),
 $\lfloor \text{平方根} \quad \lfloor \text{数値積分} \quad \lfloor \text{正弦} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
{psi, 0, psi0}];
deltaL = 1 / (Sqrt[2] * q) * NIntegrate[Sin[psi] / (Sin[psi0] - Sin[psi])^(1/2),
 $\lfloor \text{平方根} \quad \lfloor \text{数値積分} \quad \lfloor \text{正弦} \quad \lfloor \text{正弦} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
{psi, 0, psi0}];
LdeltaL = Sqrt[2] / q * Sqrt[Sin[psi0]];
 $\lfloor \text{平方根} \quad \lfloor \dots \quad \lfloor \text{正弦}$ 
Print[psideg, " ", " ", q*q, " ", " ", deltaL, " ", " ", LdeltaL];
 $\lfloor \text{出力表示}$ 
(*結果のテーブルへの追加*)
tabdeltaL = Append[tabdeltaL, {deltaL, q*q}];
 $\lfloor \text{追加}$ 
tabLdL = Append[tabLdL, {LdeltaL, q*q}];
 $\lfloor \text{追加}$ 
, {psideg, 0, 85, 2.5}]
(*繰り返し終了*)
(*結果のプロット*)
ListPlot[{tabdeltaL, tabLdL, tabLinear}, Frame → True,
 $\lfloor \text{リストプロット} \quad \lfloor \text{枠} \quad \lfloor \text{真}$ 
GridLines → Automatic, Joined → True, PlotStyle → {Thick},
 $\lfloor \text{格子線} \quad \lfloor \text{自動} \quad \lfloor \text{点の結合} \quad \lfloor \text{真} \quad \lfloor \text{プロットスタイル} \quad \lfloor \text{太い}$ 
FrameLabel → {"Deflections", Style["k^2l^2", FntSize → 20]}, LabelStyle → FntSize → 15]
 $\lfloor \text{枠ラベル} \quad \lfloor \text{スタイル} \quad \lfloor \text{フォントサイズ} \quad \lfloor \text{ラベルスタイル} \quad \lfloor \text{フォントサイズ}$ 
```

```
psi0      q^2    delta/L  (L-delta)/L
0. , 0 , 0 , 1
2.5 , 0.0873274 , 0.0290838 , 0.999492
5. , 0.175021 , 0.0581376 , 0.99797
7.5 , 0.263453 , 0.0871313 , 0.995433
10. , 0.353003 , 0.116035 , 0.991884
12.5 , 0.444065 , 0.14482 , 0.987325
15. , 0.537053 , 0.173455 , 0.981758
17.5 , 0.632405 , 0.201913 , 0.975188
20. , 0.730592 , 0.230164 , 0.967617
22.5 , 0.832121 , 0.25818 , 0.959051
25. , 0.937551 , 0.285935 , 0.949493
27.5 , 1.0475 , 0.3134 , 0.938948
30. , 1.16264 , 0.340551 , 0.927422
32.5 , 1.28375 , 0.367362 , 0.914919
35. , 1.41171 , 0.393808 , 0.901442
37.5 , 1.54751 , 0.419867 , 0.886997
40. , 1.6923 , 0.445517 , 0.871586
42.5 , 1.84742 , 0.470738 , 0.855211
45. , 2.01447 , 0.495511 , 0.837871
47.5 , 2.1953 , 0.51982 , 0.819565
50. , 2.39217 , 0.543651 , 0.800287
52.5 , 2.60781 , 0.566993 , 0.780028
55. , 2.84559 , 0.589836 , 0.758772
57.5 , 3.10968 , 0.612178 , 0.736498
60. , 3.40541 , 0.63402 , 0.713174
62.5 , 3.73963 , 0.655369 , 0.688756
65. , 4.12138 , 0.676242 , 0.66318
67.5 , 4.56289 , 0.696667 , 0.63636
70. , 5.0812 , 0.716688 , 0.60817
72.5 , 5.70096 , 0.736375 , 0.57843
75. , 6.45953 , 0.755834 , 0.546873
77.5 , 7.41706 , 0.775232 , 0.513086
80. , 8.67877 , 0.794849 , 0.476389
82.5 , 10.4521 , 0.815193 , 0.435559
85. , 13.2333 , 0.837329 , 0.38802
```



```
In[17]:= TtabdeltaL = Table[{tabdeltaL[[i]][[2]], tabdeltaL[[i]][[1]]}, {i, Length[tabdeltaL]}];
 $\downarrow$ リストを作成 $\downarrow$ 長さ
TtabLdL = Table[{tabLdL[[i]][[2]], tabLdL[[i]][[1]]}, {i, Length[tabLdL]}];
 $\downarrow$ リストを作成 $\downarrow$ 長さ
TtabLinear = Table[{tabLinear[[i]][[2]], tabLinear[[i]][[1]]}, {i, Length[tabLinear]}];
 $\downarrow$ リストを作成 $\downarrow$ 長さ
ListPlot[{TtabdeltaL, TtabLdL, TtabLinear}, Frame -> True,
 $\downarrow$ 枠 $\downarrow$ 真
GridLines -> Automatic, Joined -> True, PlotStyle -> {Thick},
 $\downarrow$ 自動 $\downarrow$ 点の結合 $\downarrow$ 真 $\downarrow$ プロットスタイル $\downarrow$ 太い
FrameLabel -> {Style["Load  $k^2 l^2$ ", FontSize -> 15], "Deflections"}, LabelStyle -> FontSize -> 15]
 $\downarrow$ スタイル $\downarrow$ フォントサイズ $\downarrow$ ラベルスタイル $\downarrow$ フォントサイズ
```

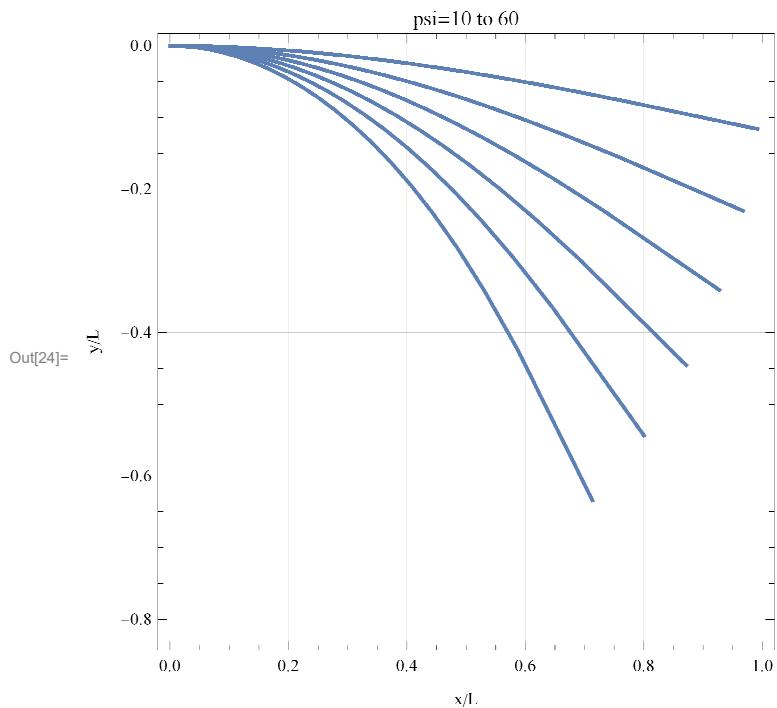


```
In[19]:= (*変形座標(x,y)の計算*)
```

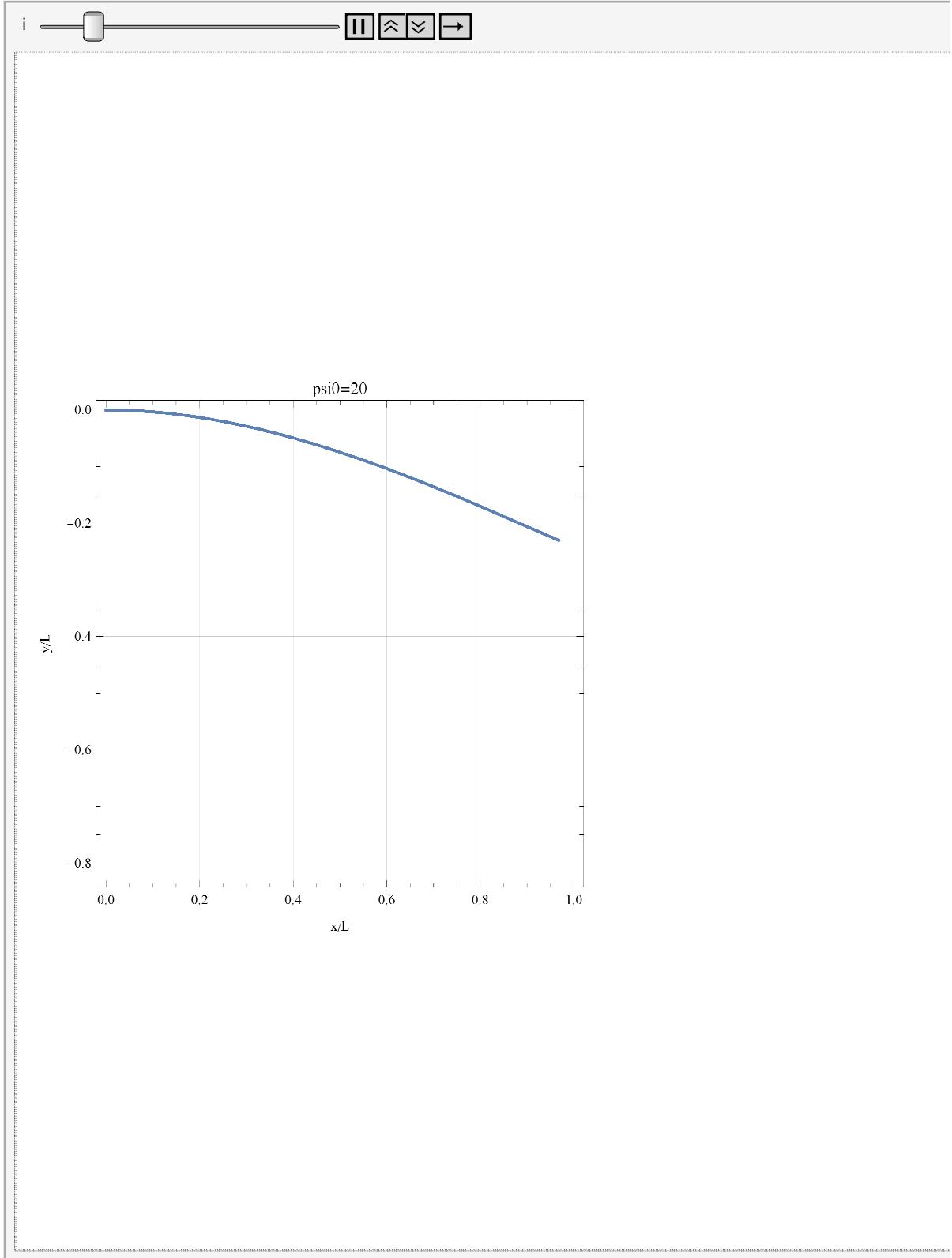
```
In[20]:= Print[" psi0      x      y"];
 $\lfloor \text{出力表示}$ 
grtable {};
Do [
 $\lfloor \text{反復指定}$ 
tabxy = {};
psi0 = N[psideg*Pi/180];
 $\lfloor \text{数値} \quad \lfloor \text{円周率}$ 
If[psi0 == 0,
 $\lfloor \text{If文}$ 
q = 0;
q = 1/Sqrt[2]*NIntegrate[1/(Sin[psi0] - Sin[psi])^(1/2),
 $\lfloor \text{平方根} \quad \lfloor \text{数値積分} \quad \lfloor \text{正弦} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
{psi, 0, psi0}]];
Do [
 $\lfloor \text{反復指定}$ 
xx = 1/(Sqrt[2]*q)*NIntegrate[Cos[psi]/(Sin[psi0] - Sin[psi])^(1/2),
 $\lfloor \text{平方根} \quad \lfloor \text{数値積分} \quad \lfloor \text{余弦} \quad \lfloor \text{正弦} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
{psi, 0, psii1}];
yy = -1/(Sqrt[2]*q)*NIntegrate[Sin[psi]/(Sin[psi0] - Sin[psi])^(1/2),
 $\lfloor \text{平方根} \quad \lfloor \text{数値積分} \quad \lfloor \text{正弦} \quad \lfloor \text{正弦} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
{psi, 0, psii1}];
(*結果のテーブルへの追加*)
tabxy = Append[tabxy, {xx, yy}];
 $\lfloor \text{追加}$ 
, {psi1, 0, psi0, psi0/20}];

graph[psideg] = ListPlot[tabxy, Frame → True, GridLines → Automatic, Joined → True,
 $\lfloor \text{リストプロット} \quad \lfloor \text{枠} \quad \lfloor \text{真} \quad \lfloor \text{格子線} \quad \lfloor \text{自動} \quad \lfloor \text{点の結合} \quad \lfloor \text{真}$ 
PlotStyle → {Thick}, FrameLabel → {"x/L", "y/L"}, PlotLabel → "psi0=" <> ToString[psideg]];
 $\lfloor \text{太い} \quad \lfloor \text{枠ラベル} \quad \lfloor \text{プロットラベル} \quad \lfloor \text{文字列にする}$ 
(*grtable=Append[grtable,graph[psideg]];*)
 $\lfloor \text{追加}$ 
, {psideg, 10, 85, 10}]
(*繰り返し終了*)
(*結果のプロット*)
```

```
In[24]:= Show[{graph[60], graph[50], graph[40], graph[30], graph[20], graph[10]},  
  AspectRatio -> 1, PlotRange -> {{0, 1}, {0, -0.8}}, PlotLabel -> "psi=10 to 60"]  
  |示す  
  |縦横比  
  |プロット範囲  
  |プロットラベル
```



In[25]:= g2 = Animate[Show[graph[i], AspectRatio -> 1, PlotRange -> {{0, 1}, {0, -0.8}}], {i, 10, 85, 10}]
 [アニメーション表示] [縦横比] [プロット範囲]



In[26]:= Export["fig2-3-animation.avi", g2]
 [エキスポート]

Out[26]= fig2-3-animation.avi
 (*無次元曲げ応力sigma_B の計算, 長さ方向分布計算*)

```

In[28]:= Print[" s/L      Dimensionless Stress"];
 $\lfloor \text{出力表示}$ 
grtableM {};
Do [
 $\lfloor \text{反復指定}$ 
tabxyM = {};
psi0 = N[psideg * Pi / 180]; (*Degree → Rad*)
 $\lfloor \text{数値} \quad \lfloor \text{円周率} \quad \lfloor \text{度}$ 
q = 1/Sqrt[2] * NIntegrate[1 / (Sin[psi0] - Sin[psi])^ (1/2),
 $\lfloor \text{平方根} \quad \lfloor \text{数値積分} \quad \lfloor \text{正弦} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
{psi, 0, psi0}];
Print["q=", q, " , ", "(psi_0=", psideg, ")"];
 $\lfloor \text{出力表示}$ 
Do [
 $\lfloor \text{反復指定}$ 
ss = 1 / (Sqrt[2] * q) * NIntegrate[1 / (Sin[psi0] - Sin[psi])^ (1/2),
 $\lfloor \text{平方根} \quad \lfloor \text{数値積分} \quad \lfloor \text{正弦} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
{psi, 0, psii}];
sigmaB = 2^(1/2) * q * (Sin[psi0] - Sin[psi1])^ (1/2);
 $\lfloor \text{正弦} \quad \lfloor \text{正弦}$ 
(*結果のテーブルへの追加*)
tabxyM = Append[tabxyM, {ss, sigmaB}]; Print[ss, " , ", sigmaB];
 $\lfloor \text{追加} \quad \lfloor \text{出力表示}$ 
, {psi1, 0, psi0, psi0/10}];

graphM[psideg] =
ListPlot[tabxyM, Frame → True, GridLines → Automatic, Joined → True, PlotStyle → {Thick},
 $\lfloor \cdot \quad \lfloor \text{枠} \quad \lfloor \text{真} \quad \lfloor \text{格子線} \quad \lfloor \text{自動} \quad \lfloor \text{点の結合} \quad \lfloor \text{真} \quad \lfloor \text{プロットスタイル} \quad \lfloor \text{太い}$ 
FrameLabel → {"s/L", "sigma_B"}, PlotLabel → "psi0=" <> ToString[psideg]];
 $\lfloor \text{プロットラベル} \quad \lfloor \text{文字列にする}$ 
(*grtable=Append[grtable,graph[psideg]];*)
 $\lfloor \text{追加}$ 
, {psideg, 20, 85, 20}]
(*繰り返し終了*)
(*結果のプロット*)
Show[{graphM[60], graphM[40], graphM[20]}, AspectRatio → 1, PlotRange → Automatic]
 $\lfloor \text{示す} \quad \lfloor \text{縦横比} \quad \lfloor \text{プロット範囲} \quad \lfloor \text{自動}$ 
s/L      Dimensionless Stress

q=0.854747 , (psi_0=20)
0. , 0.706933
0.0507059 , 0.669895
0.104383 , 0.630735
0.161616 , 0.589083
0.223208 , 0.544423
0.290312 , 0.496006
0.36469 , 0.44267
0.449309 , 0.382442
0.549937 , 0.311444
0.681442 , 0.219599
1. , 0.

q=1.30088 , (psi_0=40)

```

0. , 1.47498
0.048691 , 1.39265
0.10044 , 1.30558
0.155879 , 1.21321
0.215864 , 1.11474
0.281623 , 1.00895
0.355025 , 0.893833
0.439187 , 0.765901
0.540148 , 0.618072
0.67337 , 0.431463
1. , 0.
q=1.84538 , (psi_0=60)
0. , 2.42865
0.0445059 , 2.27737
0.09217 , 2.11714
0.143704 , 1.94774
0.200078 , 1.76865
0.262675 , 1.5789
0.333594 , 1.37661
0.416326 , 1.15802
0.517573 , 0.914832
0.654316 , 0.623116
1. , 0.
q=2.94597 , (psi_0=80)
0. , 4.13447
0.0350592 , 3.83121
0.0731144 , 3.50848
0.114961 , 3.16763
0.161713 , 2.80994
0.215004 , 2.43652
0.277395 , 2.04809
0.353272 , 1.64432
0.451288 , 1.22188
0.593715 , 0.765401
1. , 0.

